

Algoritmizace

Osnova

- algoritmus
 - teoretický princip řešení problému
- vlastnosti algoritmů
- druhy algoritmů
- algoritmická složitost
 - big O
- známé algoritmy

Algoritmus

- teoretický princip řešení problému
- nejde o konkrétní implementaci, ale o návrh
- mimo programování: recept – postup

Vlastnosti algoritmů

- co musí splňovat, aby se jednalo o algoritmus
- **elementárnost**
 - skládá se z daného počtu jednoduchých kroků
- **konečnost**
 - počet kroků musí být konečný
 - algoritmus musí mít konec
 - pro každý vstup
- **obecnost**
 - neřešíme jeden konkrétní problém (1+2)
 - řeší obecnou třídu obdobných problémů (jak spočítat součet dvou čísel)
- **determinovanost**
 - každý krok musí být jednoznačně a přesně definován
 - musí být také jasno co se bude dít v dalším kroku
 - přirozené jazyky toto nesplňují (lidské jazyky jako Čeština) → vznik programovacích jazyků
 - každé slovo má přesný význam
- **výstup**
 - má alespoň jeden výstup

Druhy algoritmů

- **rekurzivní** ([wiki rekurze](#))
 - opakovaně využívají sami sebe
 - funkce, která volá sama sebe
 - příklad: faktoriál
 - ```
FUNCTION factorial(n) {
 IF (n == 1) return n;
 ELSE return n * factorial(n-1);
}
```
- **pravděpodobnostní**
  - provádí některá rozhodnutí náhodně
  - [wiki](#)
- **genetický**
  - napodobují biologické procesy – evoluční
  - game of life
- **heuristické**
  - za cíl si neklade nalézt přesné řešení, ale pouze nějaké vhodné přiblížení

## Algoritmická složitost

- aby algoritmus skončil v rozumném čase
- jeden problém má více řešení
  - více algoritmů
    - nejjednodušší – nejméně komplexní a časově náročný je většinou nejlepší
- příklad: robot který hraje šachy
  - mohli bychom jednoduše pro každou herní pozici simulovat hru a dostat se k nejlepšímu tahu, který by měl robot zahrát
    - extrémní počet možných kombinací tahů nelze výpočetně zpracovat i když teoreticky by to bylo vcelku jednoduché
      - šílené množství potřebného výpočetního výkonu
      - časově náročné
      - nemožné množství dat pro uložení
  - využívá se jiný algoritmus, který je sice složitější na pochopení, ale je efektivní a méně komplexní
  
- zápis komplexnosti – „big O“ notace (od velkého O)
  - zápis závislosti výpočetního času na rozsahu úloh
  - $O(n)$  – počet kroků závisí lineárně na počtu vstupních dat
    - $n$  vstupních dat ... stejný počet kroků
  - $O(\log n)$  – logaritmická závislost
    - $n$  vstupních dat ...  $\log n$  kroků
  - $O(1)$ 
    - nezávisí na množství dat, vždy jeden krok
  - **bonus:** zároveň takto můžeme udělat komplexnost datovou (jak moc velký prostor v operační paměti zabere program)
    - rekurzivní faktoriál
      - časová:  $O(n)$
      - datová:  $O(n)$
    - faktoriál pomocí for loopu
      - časová:  $O(n)$
      - datová:  $O(1)$

```
FUNCTION sumRecursive(n)
 IF n == 0 THEN
 RETURN 0
 ELSE
 RETURN n + sumRecursive(n - 1)
 END IF
END FUNCTION
```

```
FUNCTION sumFormula(n)
 RETURN n * (n + 1) / 2
END FUNCTION
```

- **sumRecursive** – rekurzivní funkce
  - časová náročnost  $O(n)$
  - musí udělat  $n$  počet kroků
  - popis: zadáme číslo  $n$ , funkce potom volá sama sebe s  $n-1$  dokud se nedostane do nuly
  - proces
    - $n = 4$ ;
    - **sumRecursive(4)**;
      - **return 4 + sumRecursive(3)**;
        - **return 3 + sumRecursive(2)**;
          - **return 2 + sumRecursive(1)**;
            - **return 1 + sumRecursive(0)**;
              - **return 0**;
    - výstup:  $4 + 3 + 2 + 1 + 0$
    - 4 rekurzivní volání – 4 kroky
- **sumFormula** – rovnice
  - časová náročnost  $O(1)$
  - musí udělat pouze jeden krok
  - popis: zadáme číslo  $n$ , funkce udělá matematickou operaci a vrátí odpověď
  - proces
    - $n = 4$ ;
    - **sumFormula(4)**;
      - **return 4 \* (4 + 1) / 2**;
    - výstup:  $4 * (4 + 1) / 2$
- lepší je teda udělat sumu pomocí rovnice: rychlejší
- podobná úlohy by byla v pracovním listě a k tomu jedna složitější na popis

## Znamé algoritmy

- Dijkstrův algoritmus
  - hledání nejkratší cesty v grafu
  - využití: navigace
- řadící algoritmy
  - bubble sort
    - postupně prochází prvky po dvou a když je jeden z nich menší, tak prohazuje
    - [4, 1, 8, 5, 6]
      - (4, 1) → (1, 4), (4, 8) nic, (8, 5) → (5, 8), (8, 6) → (6, 8)
      - znovu na začátek pro kontrolu
      - (1, 4) nic, (4, 5) nic, (5, 6) nic, (6, 8) nic
      - hotovo, pokud by ale i tady došlo k prohození, tak by se to opakovalo
    - vysoká časová náročnost pro  $n$  prvků  $O(n^2)$
  - heapsort
  - quicksort

## Zdroje

- OTÁHAL, Ing Tomáš. Algoritmizace- úvod.
- Algoritmus. In: *Wikipedie* [online]. 2026 [cit. 08.03.2026]. Dostupné z: <https://cs.wikipedia.org/w/index.php?title=Algoritmus&oldid=25576234>
- Řadicí algoritmus. In: *Wikipedie* [online]. 2025 [cit. 08.03.2026]. Dostupné z: [https://cs.wikipedia.org/w/index.php?title=%C5%98adic%C3%AD\\_algorithmus&oldid=25073222](https://cs.wikipedia.org/w/index.php?title=%C5%98adic%C3%AD_algorithmus&oldid=25073222)